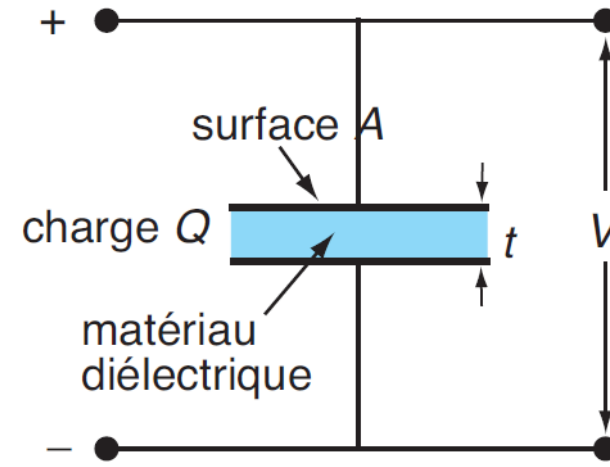


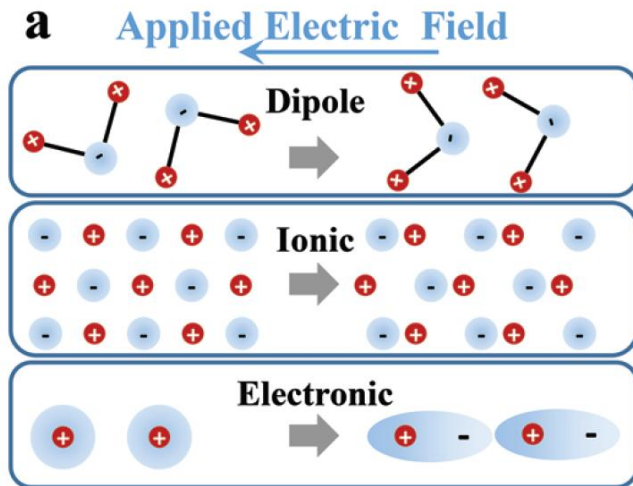
Propriétés optiques

- Les processus optiques
- Les coefficients optiques
- Réfraction et absorption
- Index de réfraction complexe
- Réflectivité d'un plasma
- Lien entre propriétés optique et électrique dans les métaux

Le cours de la semaine passée en bref

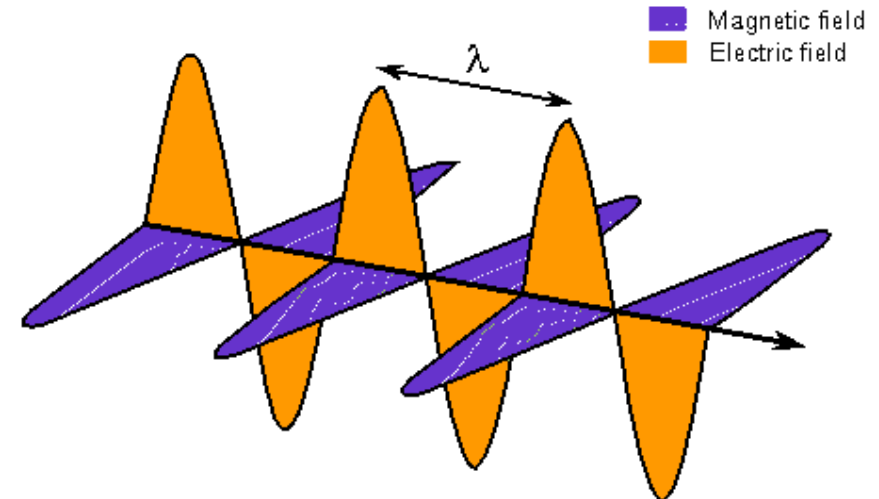


Constant diélectrique



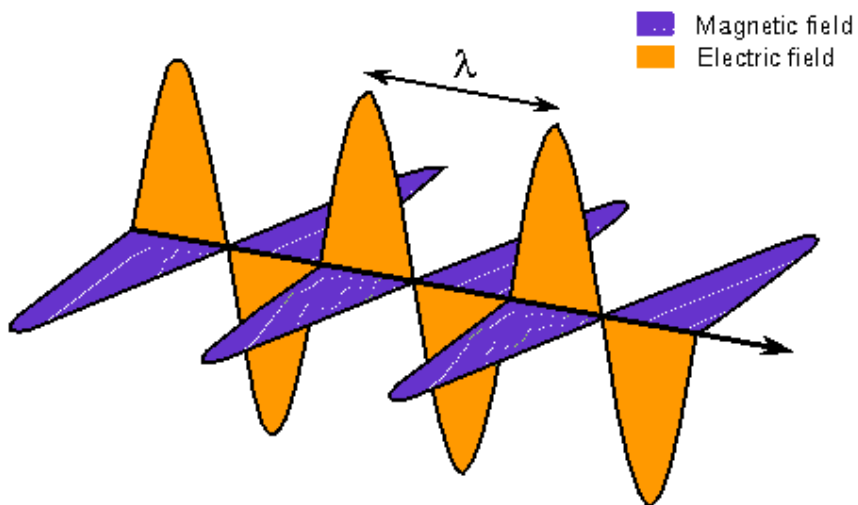
Electrical Polarization

Polarisation



Introduction lumière

Description classique de la lumière



Equations d'onde généralisé (dérivé par les équations de Maxwell):

$$\nabla^2 \vec{E} = \mu \epsilon \frac{\partial^2 \vec{E}}{\partial t^2}$$

$$\nabla^2 \vec{B} = \mu \epsilon \frac{\partial^2 \vec{B}}{\partial t^2}$$

Ou ϵ est la permittivité électrique et μ est la perméabilité magnétique du milieu

$$\epsilon = \epsilon_0 \epsilon_r$$

$$\mu = \mu_0 \mu_r$$

La vitesse de la lumière dans le vide est:

$$c^2 = \frac{1}{\epsilon_0 \mu_0}$$

Vitesse de la lumière dans le vide

$$c = 300\,000 \text{ km/s}$$

Champ électrique oscillant dans le vide:

$$\vec{E}(\vec{r}, t) = \vec{E}_0 \exp [i(\vec{k} \cdot \vec{r} - \omega t)]$$

Ou \vec{E}_0 est l'amplitude du champ

\vec{k} est le vecteur d'onde

ω est la fréquence angulaire d'onde

Champ électrique oscillant dans le vide en 1D:

$$E(z, t) = E_0 \exp i(kz - \omega t)$$

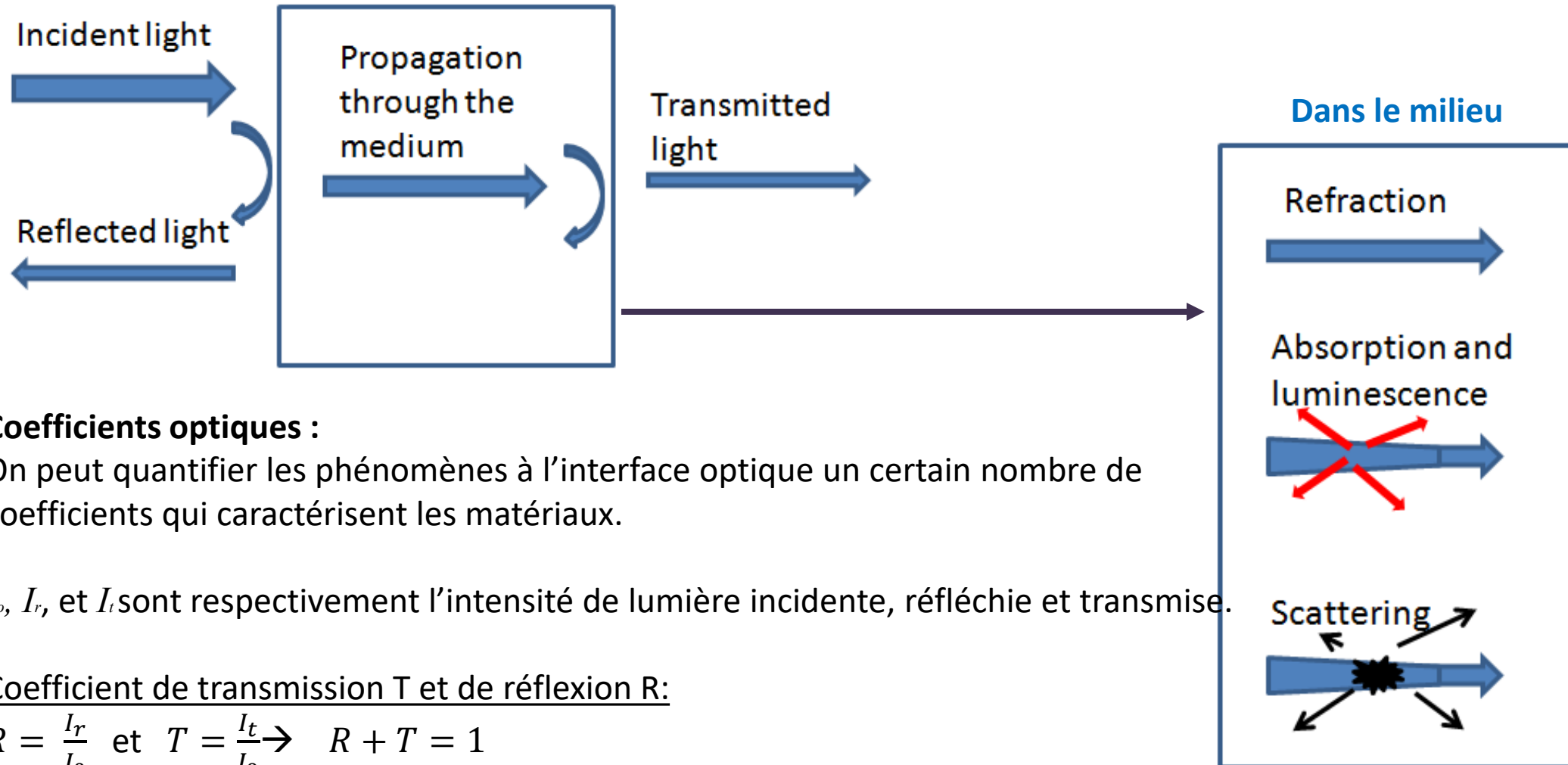
$$\text{Ou } v = c = \frac{\omega}{k} \quad \text{et} \quad k = \frac{2\pi}{\lambda} \quad \text{et} \quad \omega = 2\pi\nu$$

Vitesse de la lumière

Longueur d'onde
de la lumière

Fréquence de la
lumière

Les processus optiques



Coefficients optiques :

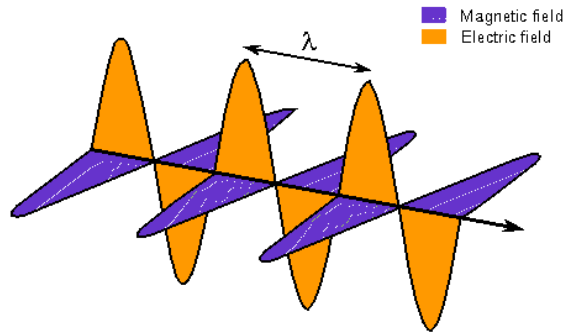
On peut quantifier les phénomènes à l'interface optique un certain nombre de coefficients qui caractérisent les matériaux.

I_o , I_r , et I_t sont respectivement l'intensité de lumière incidente, réfléchiée et transmise.

Coefficient de transmission T et de réflexion R:

$$R = \frac{I_r}{I_o} \text{ et } T = \frac{I_t}{I_o} \rightarrow R + T = 1$$

L'index de réfraction



Réfraction: Elle fait référence à la propagation de la lumière dans la matière et à la correspondante réduction de vitesse de propagation. La réfraction en elle-même ne diminue pas l'intensité de la lumière.

Les ondes électromagnétiques ne peuvent pas se propager à la même vitesse dans le vide que dans un matériau. En fait, elles s'y propagent plus lentement.

La vitesse de la lumière, v , dans un matériau est donnée par l'expression :

$$v = \frac{c}{n} \quad n = \frac{c}{v} = c * \frac{k}{\omega} \propto \frac{1}{\lambda}$$

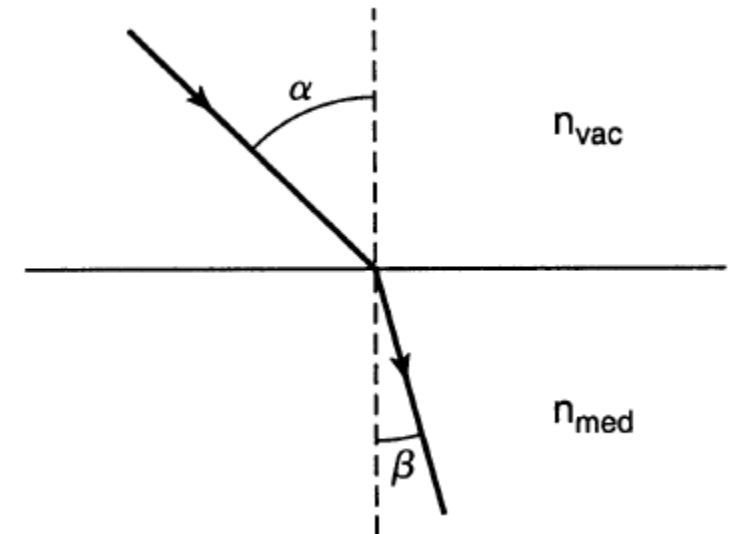
ou n est l'index de réfraction

Loi de Snell

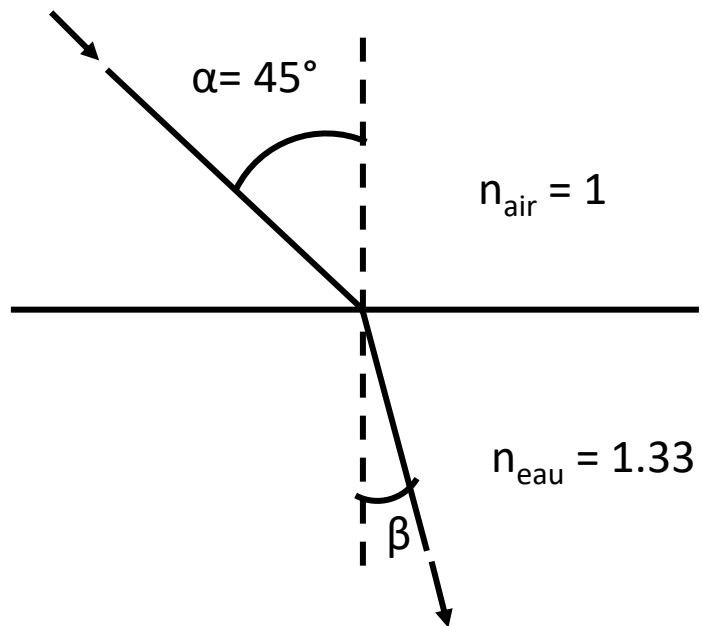
Lorsque la lumière passe d'un milieu optiquement « mince » à un milieu optiquement dense, on observe que, dans le milieu dense, l'angle de réfraction, β (c'est-à-dire l'angle entre le faisceau de lumière réfractée et une ligne perpendiculaire à la surface), est généralement plus petit que l'angle d'incidence.

La relation géométrique entre les angles et les indexes de réfraction est:

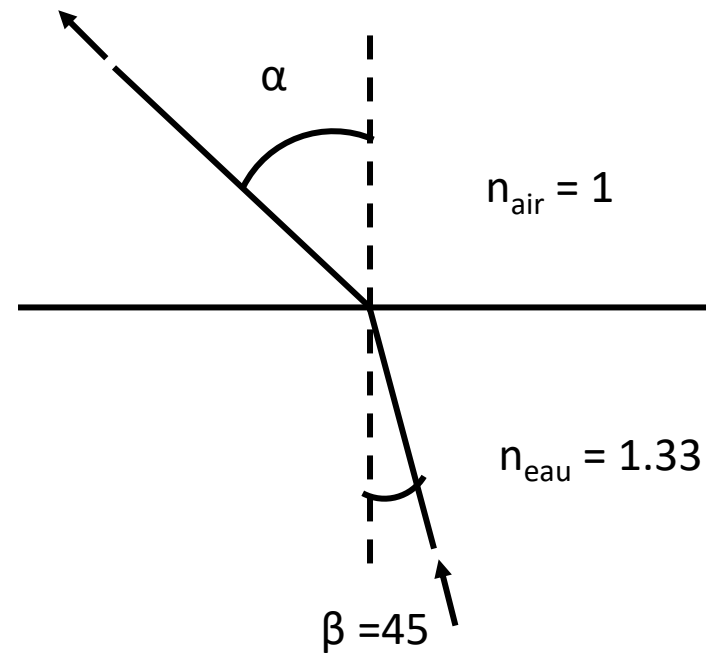
$$\frac{\sin \alpha}{\sin \beta} = \frac{n_{\text{milieu}}}{n_{\text{vac}}} = n \quad \rightarrow \quad n_{\alpha} * \sin \alpha = n_{\beta} * \sin \beta$$



Exercise (1) – 2 minutes

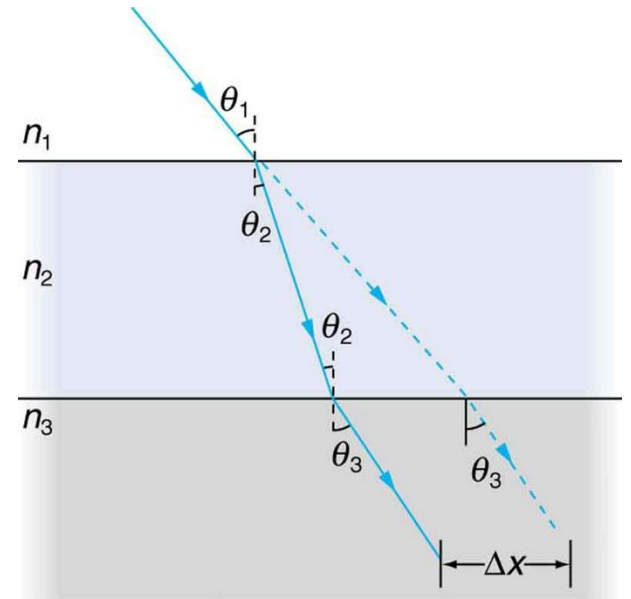
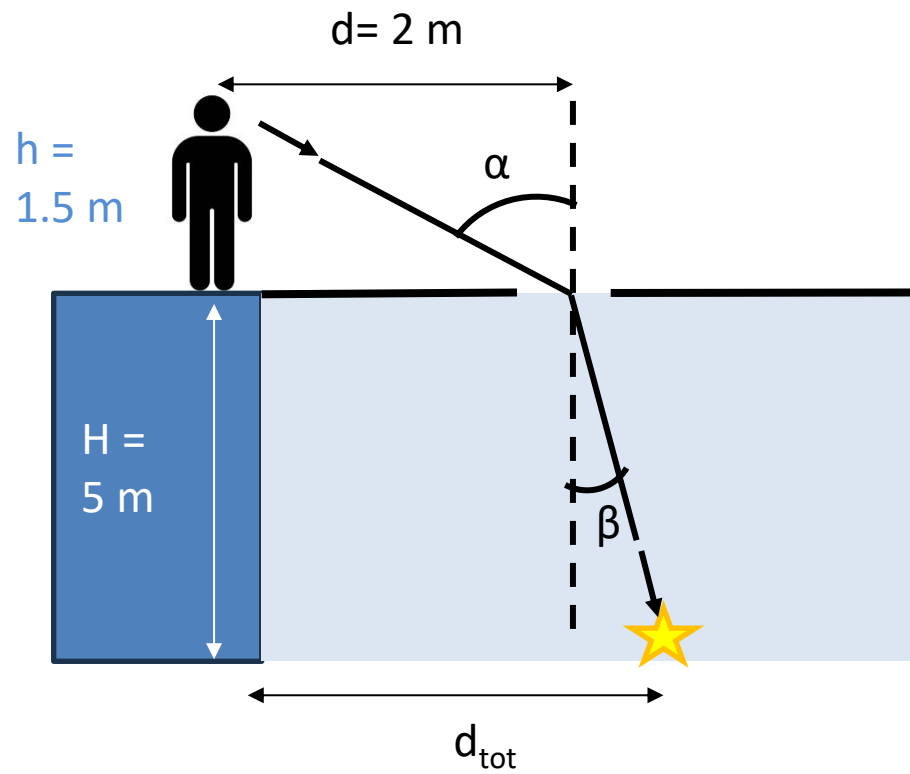


Trouver β

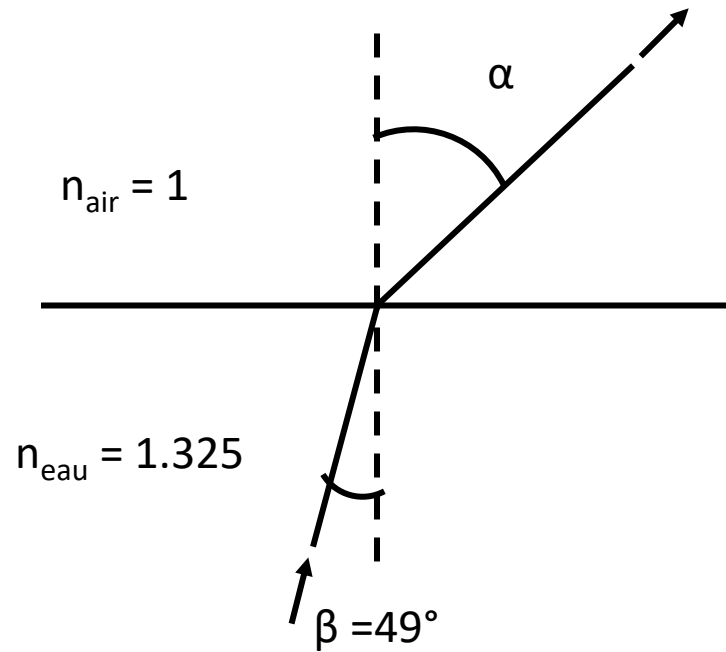


Trouver α

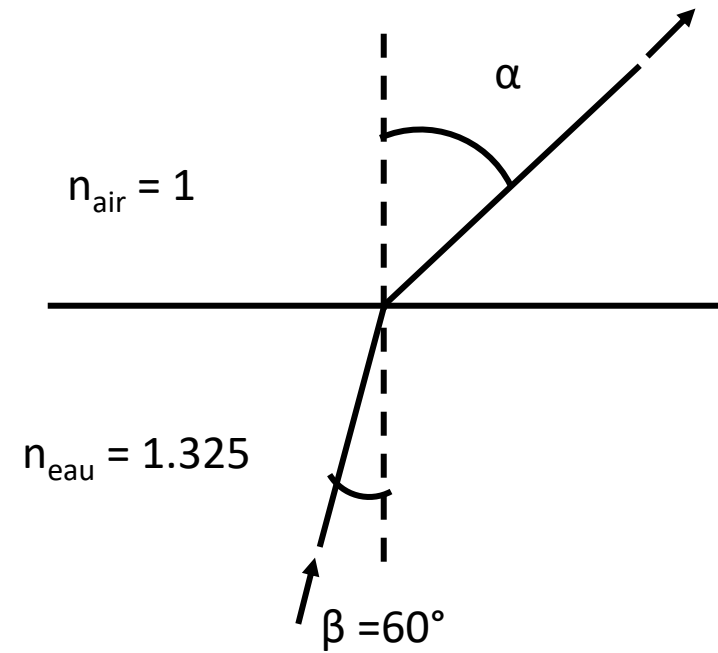
Exercise (2) – 5 minutes



Exercise (3) – 5 minutes



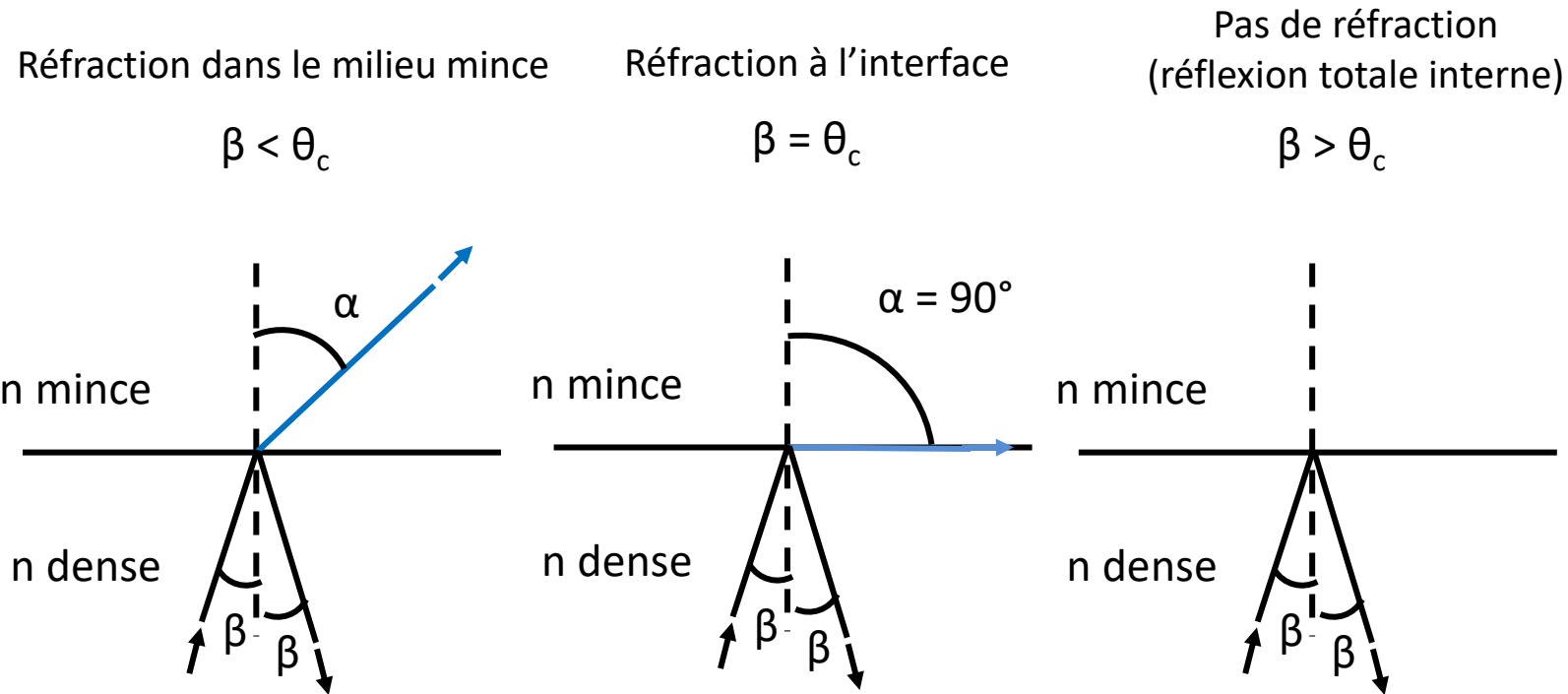
Trouver α



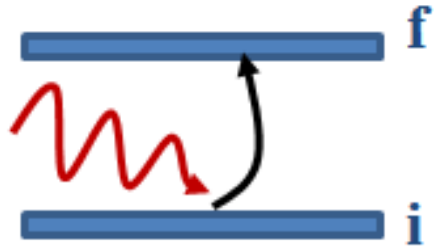
Trouver α

Réflexion totale interne

Lorsque la lumière passe d'un milieu optiquement dense vers un milieu optiquement « mince », on observe qu'à mesure que l'angle d'incidence augmente, l'angle de réfraction augmente également. Au-delà d'un certain angle, appelé *angle critique*, la lumière n'est plus réfractée dans le second milieu mais entièrement réfléchi à l'interface. Ce phénomène est connu sous le nom de réflexion totale interne.



L'absorption de la lumière

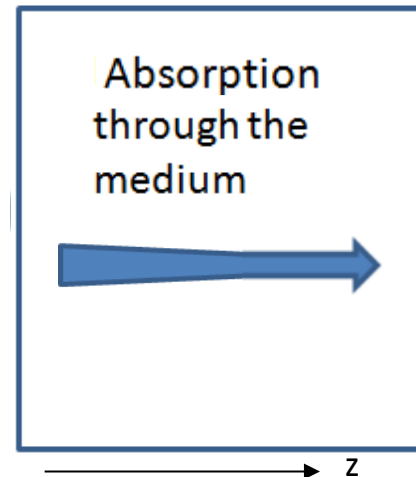


Exemple: Excitation d'un électron entre deux niveaux par la lumière.

Absorption: Elle fait référence à la perte d'intensité lumineuse lors de sa propagation. Elle a lieu quand l'énergie de la lumière entre en résonance avec une transition dans le matériau. Les particules excitées peuvent être des électrons mais aussi d'autre type de 'particules' comme les vibrations entre les atomes.

L'absorption de la lumière est caractérisée par le **coefficient d'absorption α** . Ce coefficient est défini par la fraction de puissance absorbée par unité de longueur.

Imaginons un faisceau qui se propage en direction z et que l'intensité (puissance par unité de surface) à la position z est $I(z)$:

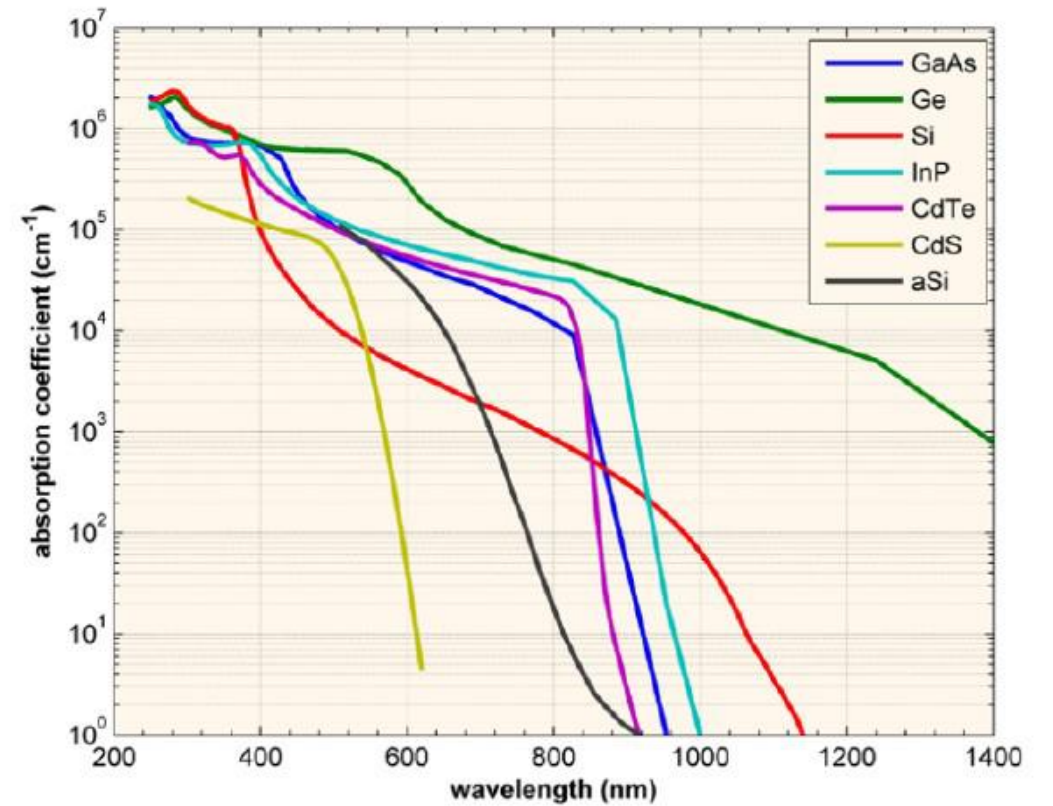
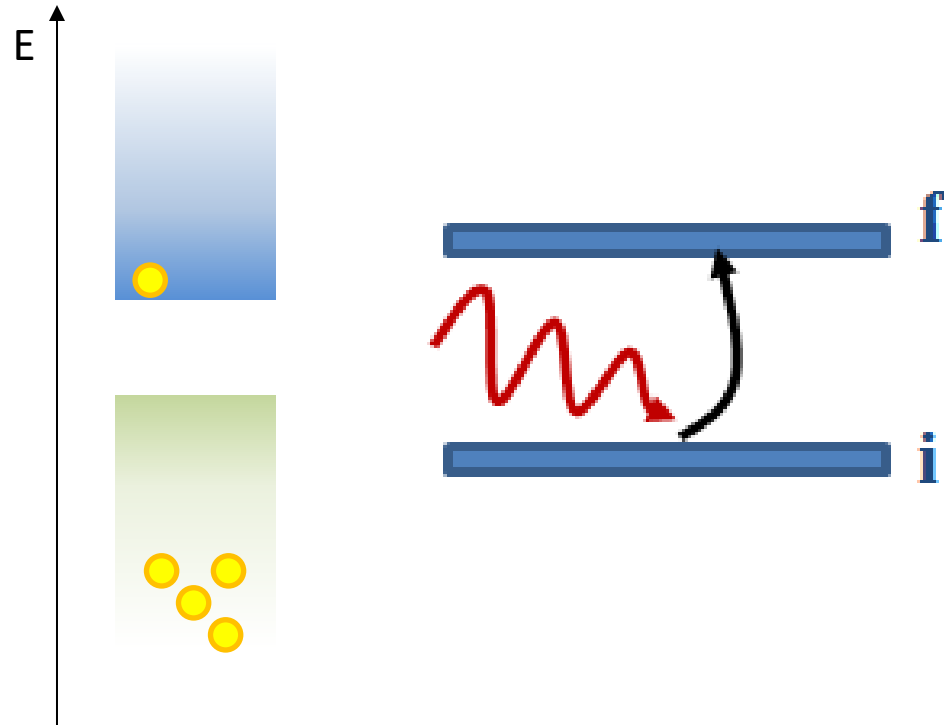


$$\frac{dI(z)}{dz} = -\alpha I(z)$$

$$I(z) = I_0 e^{-\alpha z}$$

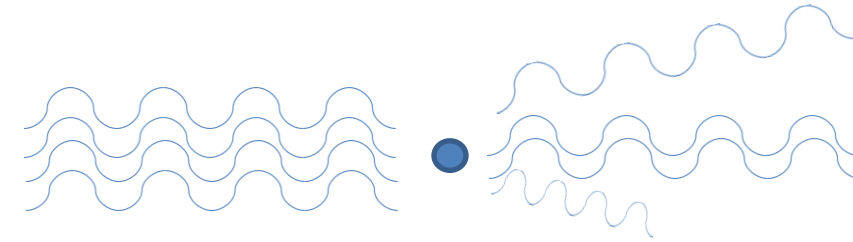
Equation de Lambert-Beer

Exemple: L'absorption dans le semiconducteurs



La diffusion de la lumière

Diffusion: Il s'agit du phénomène pour lequel la lumière change de direction et parfois aussi de fréquence après avoir interagit avec le matériau. Le nombre total de photons ne change pas, mais le nombre de photons qui avance dans la direction incidente diminue.



$$I(z) = I_0 e^{-N\sigma_s z}$$

où N est le nombre de centres de diffusion par unité de volume et σ_s est la section transverse de diffusion.

La diffusion de la lumière dans un matériau est le résultat de la variation de l'index de réfraction, dans des échelles plus petites que la longueur d'onde λ . Elle est due à la présence d'impuretés, défauts et inhomogénéités. La diffusion a comme conséquence la diminution de l'intensité lumineuse de façon similaire à l'absorption. Lors de sa propagation dans le matériau, l'intensité de la lumière décroît de façon exponentielle :

Quand le centre de diffusion est beaucoup plus petit que la longueur d'onde, la section transverse de diffusion prend cette forme



$$\sigma_s = \frac{1}{\lambda^4}$$

ceci veut dire que ce sont plutôt les petites longueurs d'onde qui sont diffusées.

Exemple: La diffusion de Reyleigh

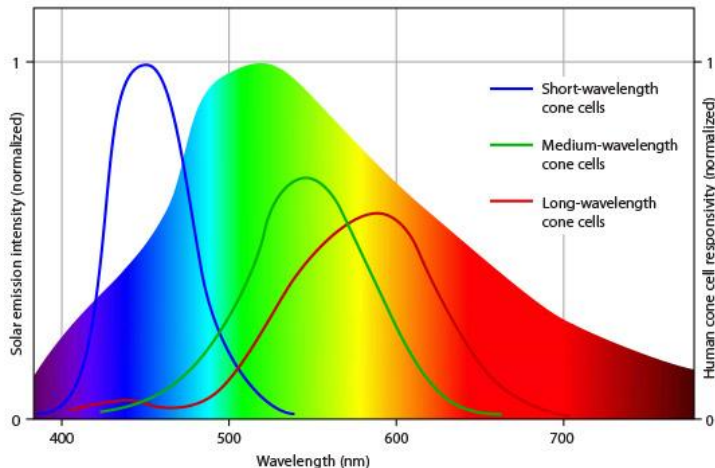


$$\sigma_s = \frac{1}{\lambda^4}$$



$\lambda = 700 \text{ nm}$

$\lambda = 400 \text{ nm}$



La diffusion de Rayleigh est due aux molécules gazeuses présentes dans l'atmosphère (O_2 , N_2 , CO_2 , vapeur d'eau, etc.) ou aux fines particules de poussière. Par conséquent, c'est un phénomène sélectif qui se produit surtout pour les longueurs d'onde les plus courtes du spectre (violet, bleu).

Pause (5 minutes)

Index de réfraction complexe

Il est possible de regrouper les phénomènes de réfraction et d'absorption dans un même coefficient afin de décrire de façon complète la propagation de la lumière dans un milieu. Ceci est fait à travers de l'utilisation d'un **index de réfraction complexe** de la forme :

$$\check{n} = n + i\kappa$$

Index de réfraction

Coefficient d'extinction

En considérant la dépendance spatio-temporelle de l'amplitude du champ électrique:

$$\mathbf{E}(\mathbf{z}, t) = E_0 \exp i(kz - \omega t)$$

On peut déterminer l'amplitude du champ électrique avec les modifications suivants.

Dans un milieu **non-absorbant**:

$$c = \frac{\omega n}{k} \quad \rightarrow \quad k = n \frac{\omega}{c}$$

Dans un milieu **absorbant**:

$$c = \frac{\omega \check{n}}{\check{k}} \quad \rightarrow \quad \check{k} = (n + i\kappa) \frac{\omega}{c}$$

Index de réfraction complexe

La propagation du champ électrique dans un milieu **absorbant**:

$$E(\mathbf{z}, t) = E_0 \exp i(kz - \omega t)$$

$$E(\mathbf{z}, t) = E_0 \exp i \left[\left(\frac{n\omega}{c} z + i \frac{\kappa\omega}{c} z - \omega t \right) \right]$$

$$E(\mathbf{z}, t) = E_0 \exp \left[-\frac{\kappa\omega}{c} z \right] \exp i(kz - \omega t)$$

En considérant que l'intensité de la lumière est

$$I(z) = |E(z, t)|^2$$

$$I(z) = E_0^2 * \exp \left(-\frac{2\kappa\omega}{c} z \right)$$

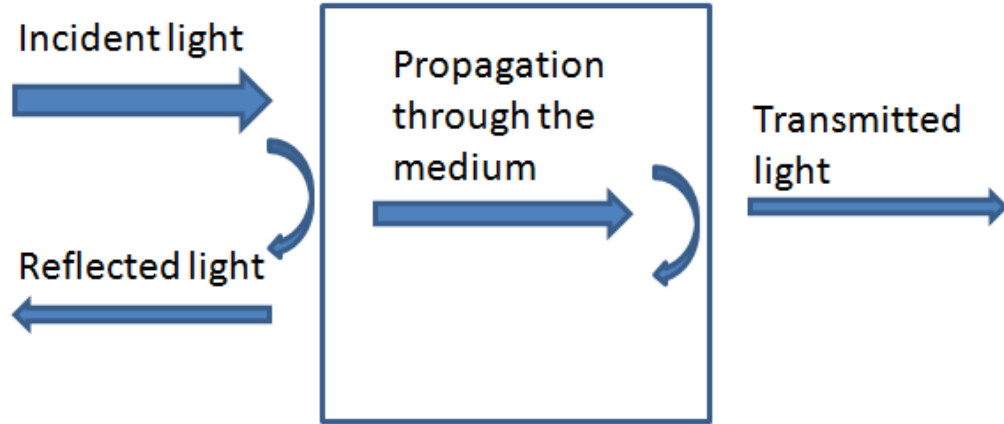
$$I(z) = E_0^2 * \exp(-\alpha z)$$

ou $\alpha = \frac{2\kappa\omega}{c}$ est le coefficient d'absorption

Exercice (5 minutes)

Déduire la relation avec la constante diélectrique d'un matériau (pas magnétique) et son index de réfraction à partir de la définition de la vitesse de la lumière

Réflectivité et index de réfraction



$$R = \left| \frac{\check{n} - 1}{\check{n} + 1} \right|^2 = \frac{(n - 1)^2 + \kappa^2}{(n + 1)^2 + \kappa^2}$$

Equation de Beer

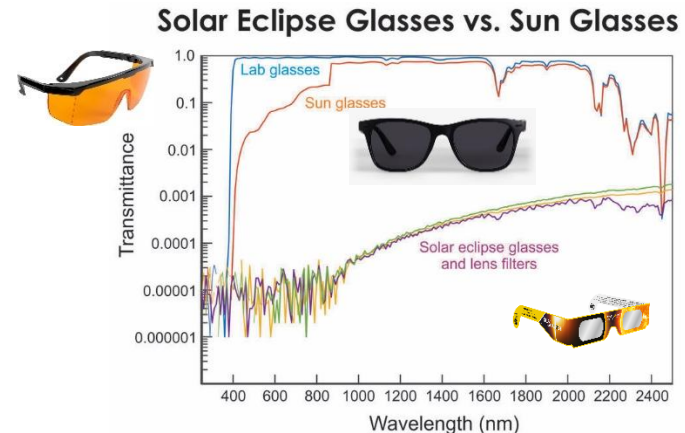
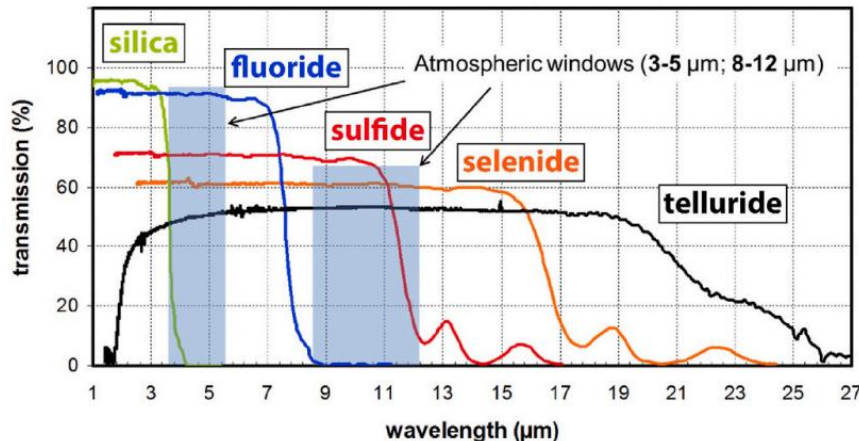
La réflectivité d'un matériau varie avec:

- l'index de réfraction réel (= propagation dans le milieu)
- Le coefficient d'extinction (= absorption de la lumière)

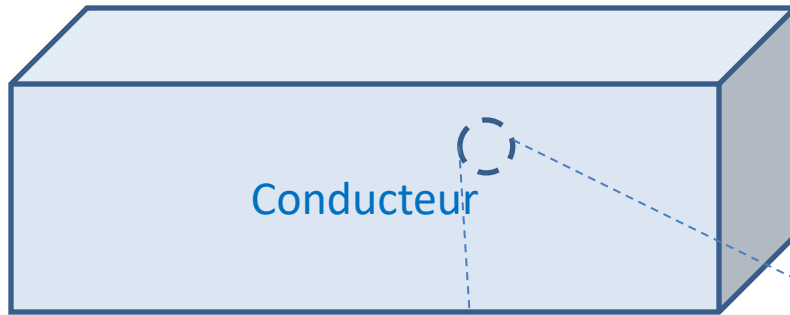
Coefficient de transmission T et de réflexion R:

$$R = \frac{I_r}{I_0} \text{ et } T = \frac{I_t}{I_0} \rightarrow R + T = 1$$

Donc la réflectivité et la transmission sont fonction de la longueur d'onde!



Vision atomistique de propriétés optiques: Modèle de Drude-Lorentz

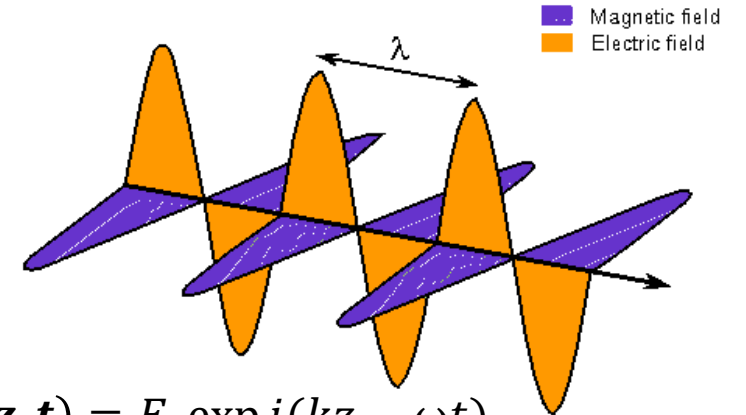
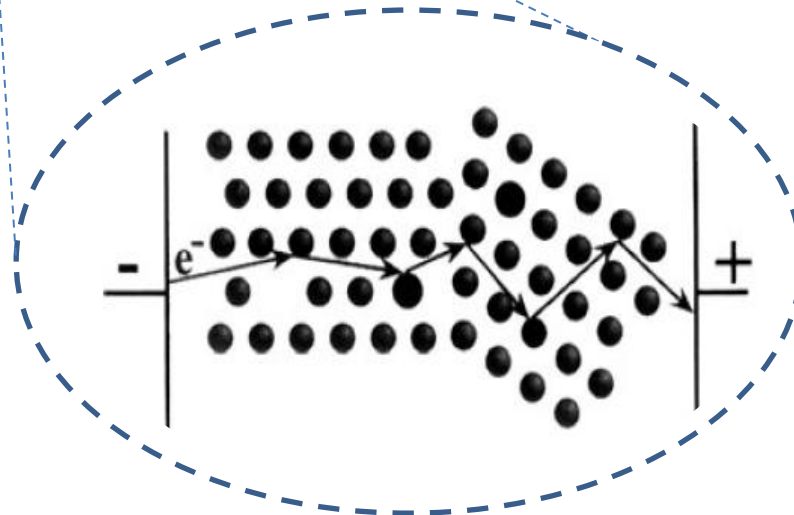


« Le courant électrique est transporté par un gaz d'électrons ou plasma »

Modèle de mouvement des électron par la Loi de Newton modifié

$$m \frac{d^2 x}{dt^2} + m\gamma \frac{dx}{dt} = -e * E$$

ou γ est la constant d' atténuation d'un milieu visqueux



$$E(z, t) = E_0 \exp i(kz - \omega t)$$

Interaction lumière/plasma

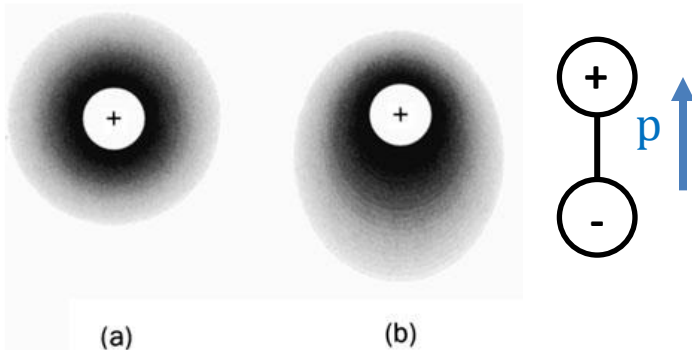
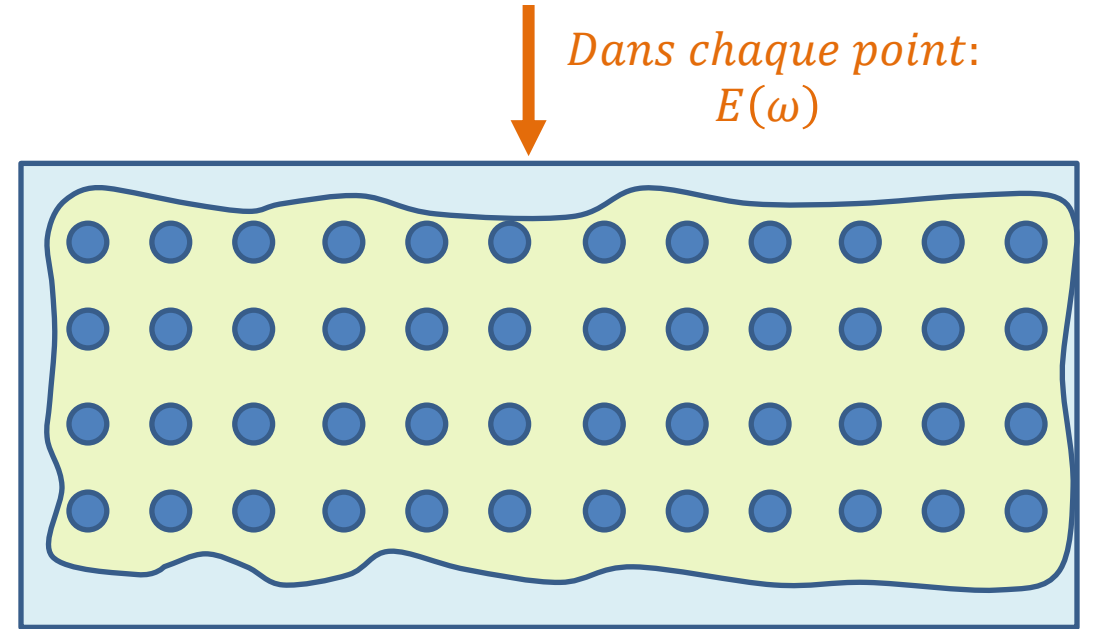
$$\left\{ \begin{array}{l} m \frac{d^2x}{dt^2} + m\gamma \frac{dx}{dt} = -e * E \\ E(\omega) = E_0 \exp(-i\omega t) \end{array} \right.$$



$$\left\{ \begin{array}{l} x(\omega) = x_0 \exp(-i\omega t) \\ x_0 = - \frac{eE_0}{m} * \frac{1}{\omega^2 - i\gamma\omega} \end{array} \right.$$

Les charges oscillent dans le temps

L'amplitude d'oscillation est lié à la fréquence angulaire et la «friction» du milieu



L'oscillation de charge est associé à la polarisation du matériau:

$$P(\omega) = N * e * \Delta x = N * e * \left(- \frac{eE(\omega)}{m} * \frac{1}{\omega^2 - i\gamma\omega} \right)$$

Réfectivité d'un plasma

$$\left\{ \begin{array}{l} P(\omega) = N * e * \Delta x = - \frac{Ne^2 E(\omega)}{m} * \frac{1}{\omega^2 - i\gamma\omega} \\ D(\omega) = \epsilon_0 * E(\omega) + P(\omega) = \epsilon_0 * \epsilon_r * E(\omega) \end{array} \right.$$



$$\epsilon_r = 1 - \frac{Ne^2}{m\epsilon_0} * \frac{1}{\omega^2 - i\gamma\omega}$$

$$\epsilon_r = 1 - \frac{\omega_p^2}{\omega^2 - i\gamma\omega} \quad \text{ou } \omega_p = \sqrt{\frac{Ne^2}{m\epsilon_0}}$$

Fréquence du plasma

Exercice (10 minutes)

$$\epsilon_r = 1 - \frac{\omega_p^2}{\omega^2 - i\gamma\omega} \quad \text{ou } \omega_p = \sqrt{\frac{Ne^2}{m\epsilon_0}}$$

$$\tilde{\epsilon}_r = \tilde{n}^2$$

$$R = \frac{(n-1)^2 + \kappa^2}{(n+1)^2 + \kappa^2}$$

Décrire la réflectivité en fonction de ω/ω_p dans le cas d'un milieu non-absorbant ($\kappa = 0, \epsilon_r = \sqrt{n}$)

